

---

# Model Checking of Real-Time Properties of Resource-Bound Process Algebra

---

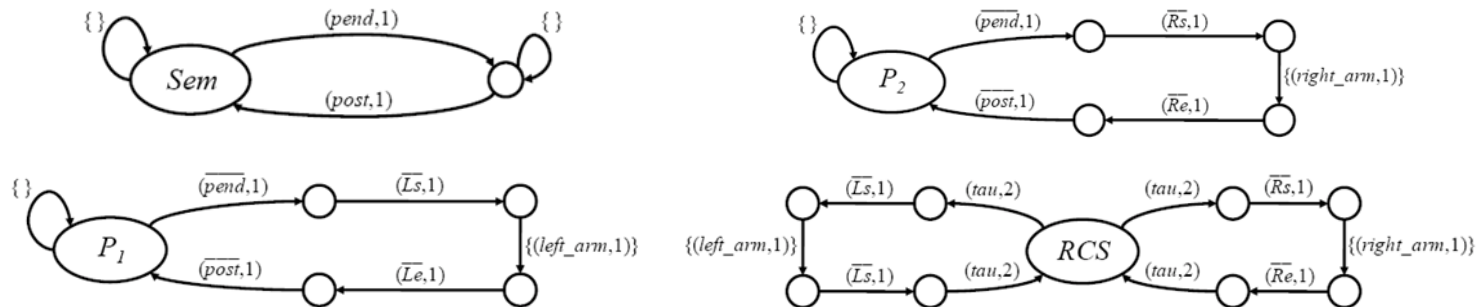
*Jungjae Lee*  
*Theory and Formal Methods Lab.*  
*Korea University*

# ACSR 소개

- Algebra of **C**ommunicating **S**hared **R**esources
  - 이산 시간(discrete time), 자원(resource), 우선 순위(priority)가 고려된 실시간 프로세스 대수(Process Algebra)
- Robot Control System(RCS)의 ACSR 모델 예제

$$\begin{aligned}
 Sem &\stackrel{\text{def}}{=} \emptyset : Sem + (pend, 0).rec\ X.(\emptyset : X + (post, 0).Sem) \\
 P_1 &\stackrel{\text{def}}{=} \emptyset : P_1 + (\overline{pend}, 1).(\overline{Ls}, 1).\{\overline{left\_arm}, 1\} : (\overline{Le}, 1).(\overline{post}, 1).P_1 \\
 P_2 &\stackrel{\text{def}}{=} \emptyset : P_2 + (\overline{pend}, 1).(\overline{Rs}, 1).\{\overline{right\_arm}, 1\} : (\overline{Re}, 1).(\overline{post}, 1).P_2 \\
 RCS &\stackrel{\text{def}}{=} (P_1 \parallel P_2 \parallel Sem) \setminus \{pend, post\}
 \end{aligned}$$

- ACSR 모델에 대한 (Timed) Labeled Transition System



# ACSR 분석 기법

- Bisimulation checking

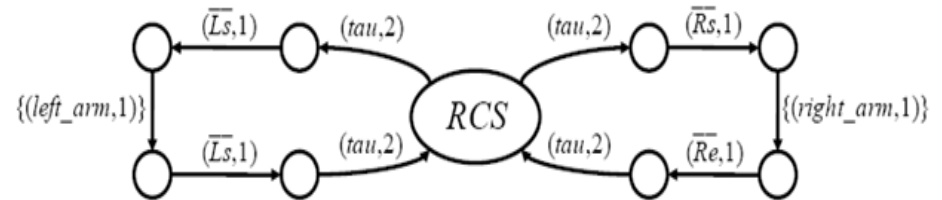
$$\begin{aligned}
 Sem &\stackrel{\text{def}}{=} \emptyset : Sem + (pend, 0).rec X.(\emptyset : X + (post, 0).Sem) \\
 P_1 &\stackrel{\text{def}}{=} \emptyset : P_1 + (\overline{pend}, 1).(\overline{Ls}, 1).\{(left\_arm, 1)\} : (\overline{Le}, 1).(\overline{post}, 1).P_1 \\
 P_2 &\stackrel{\text{def}}{=} \emptyset : P_2 + (\overline{pend}, 1).(\overline{Rs}, 1).\{(right\_arm, 1)\} : (\overline{Re}, 1).(\overline{post}, 1).P_2 \\
 RCS &\stackrel{\text{def}}{=} (P_1 || P_2 || Sem) \setminus \{pend, post\}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 Spec_1 &\stackrel{\text{def}}{=} Spec'_1 + Spec''_1 \\
 Spec'_1 &\stackrel{\text{def}}{=} (\tau, 2).(\overline{Rs}, 1).\{(right\_arm, 1)\} : (\overline{Re}, 1).(\tau, 2).Spec_1 \\
 Spec''_1 &\stackrel{\text{def}}{=} (\tau, 2).(\overline{Ls}, 1).\{(left\_arm, 1)\} : (\overline{Le}, 1).(\tau, 2).Spec_1 \\
 Spec_2 &\stackrel{\text{def}}{=} Spec'_2 + Spec''_2 \\
 Spec'_2 &\stackrel{\text{def}}{=} (\overline{Rs}, 1).\{(right\_arm, 1)\} : (\overline{Re}, 1).Spec_2 \\
 Spec''_2 &\stackrel{\text{def}}{=} (\overline{Ls}, 1).\{(left\_arm, 1)\} : (\overline{Le}, 1).Spec_2
 \end{aligned}$$

$$RCS \sim_{\pi} Spec_1$$

$$RCS \approx_{\pi} Spec_2$$

- $HML_U$  Model checking



$Rs$  와  $Re$  사이에  $Ls$  가 발생하지 않는다.



$$\sim(\sim(\langle tt \langle Rs \rangle tt \wedge (\langle tt \langle Ls \rangle tt \rangle \langle A^* \rangle \sim(\langle tt \langle Re \rangle tt))) \rangle \langle A^* \rangle tt)$$

# 기존 분석 기법의 문제점

---

- Bisimulation checking

- 시스템의 완전한 행위를 명세하여야 함.
- 시스템을 명세하는 과정에 명세의 정확성을 따져 볼 수 없음.
- 시스템의 크기가 커질 경우 상태 폭발 문제를 일으킴.

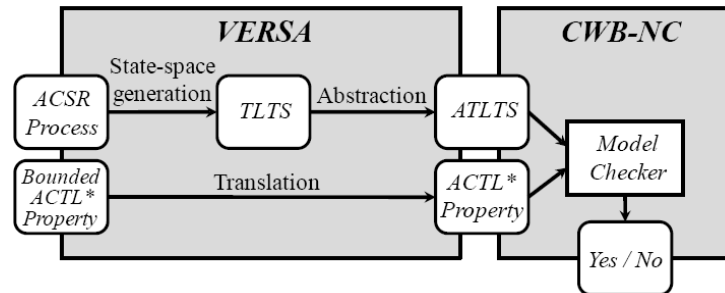
- $HML_u$  Model checking

- 속성을 직관적으로 기술하기 어려움.
- 도구 지원이 되지 않음.

>> 속성을 쉽게 기술할 수 있는 **시제 논리**와 이를 확인할 수 있는 **도구**가 필요함.

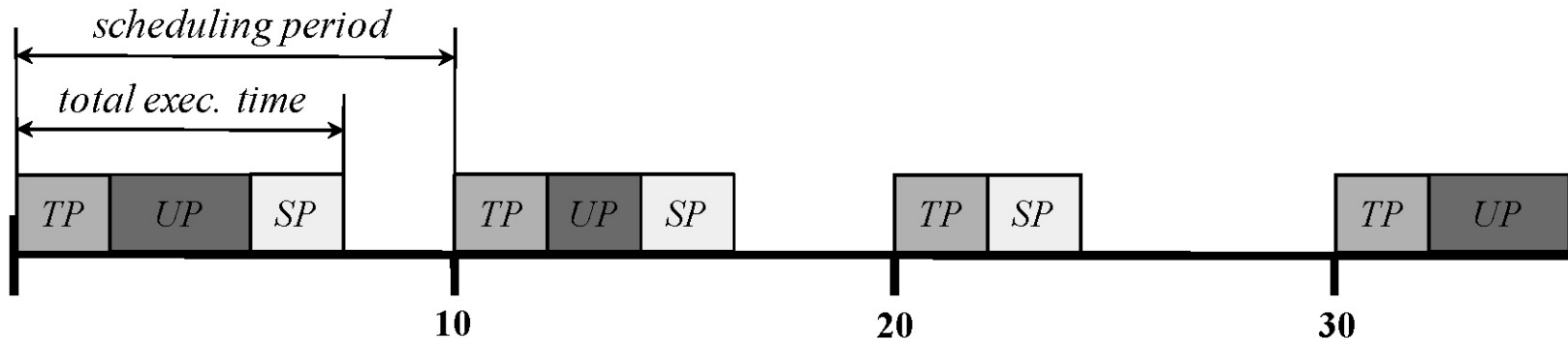
# 접근 방법

- Bounded ACTL\* Model checking



- VERSA , Concurrency Workbench of the New Century(CWB-NC) 사용.
- Timed LTS을 Abstracted Timed LTS으로 변환 + Bounded ACTL\*을 사용.
  - $\mathbf{G}^{<d} \varphi$ ,  $\mathbf{G}^{\leq d} \varphi$ ,  $\mathbf{F}^{<d} \varphi$ ,  $\mathbf{F}^{\leq d} \varphi$ ,  $\mathbf{G}^{\geq d} \varphi$ ,  $\mathbf{G}^{>d} \varphi$ ,  $\mathbf{F}^{\geq d} \varphi$ ,  $\mathbf{F}^{>d} \varphi$ ,  $\varphi_1 \mathbf{U}^{\sim d} \varphi_2$  사용.
    - Emmanuel Letier, et al., “Fluent Temporal Logic for Discrete-Time Event-Based Models”, ESEC/FSE 2005
- 시제 명세 패턴(Temporal Specification Pattern)을 사용.
  - $\mathbf{AG} (Rs \rightarrow (\sim Ls \mathbf{U} Re))$  (Absence/Between Pattern)
    - Sacha Knrad, et al., “Real-time Specification Patterns”, ICSE 2005
    - Matthew B. Dwyer, et al., “Patterns in Property Specifications for Finite-State Verification”, ICSE 1999

# 사례 연구



TP is executed every scheduling period (*TPs* action occurs between two consecutive *TimeTick* actions).

>> **AG** (*TimeTick* ->  $X(\sim \textit{TimeTick} \ \mathbf{W} \ \textit{TPs})$ )

TP finish its execution after at most 2 time units from the beginning of every scheduling period (If *TimeTick* occurs, then *TPe* occurs after at most 2 time units).

>> **AG** (*TimeTick* ->  $\mathbf{F}^{\leq 2} \textit{TPe}$ )

# 결론 및 향후 연구

---

- 결론
  - Bounded ACTL\*를 사용하여 시스템의 실시간 속성을 명세 가능.
  - 명세한 속성의 확인이 가능한 도구 지원.
  - 시제 명세 패턴을 사용하여 속성을 정확하고 쉽게 명세 가능.
- 향후 연구
  - 상태 공간 축소 방안 연구
  - 자원 사용의 제약을 기술하는 시제논리 연구
  - 효율적인 모델체킹 알고리즘을 도구로 직접 구현