

# 확률적인 자연, 자연적인 확률

김지훈

서울대학교 소프트웨어무결점연구센터

2014년 1월 13일

# Outline

1 물리

2 확률

3 강화학습

# 고전물리

고전물리를 한마디로 요약하면?

# 고전물리

고전물리를 한마디로 요약하면?

## 최소작용원리

물질의 운동은 비용을 최소화하는 경로를 따른다.

$$\text{Action} \equiv \int dt \mathcal{L}$$

(라그랑지안 = 운동에너지 - 위치에너지)

# 고전물리

고전물리를 한마디로 요약하면?

## 최소작용원리

물질의 운동은 비용을 최소화하는 경로를 따른다.

$$\text{Action} \equiv \int dt \mathcal{L}$$

(라그랑지안 = 운동에너지 - 위치에너지)

물리? 운동에너지 적고 위치에너지 적고 제한조건 적고 풀면 끝!

Bjarne Stroustrup :

“만약 그것이 단순하다고 생각한다면, 문제를 잘못이해한 것이다”

# 생각나는 질문

- 나에게 자유의지가 있는가?

# 생각나는 질문

- 나에게 자유의지가 있는가? (너무 철학적?)



# 생각나는 질문

- 나에게 자유의지가 있는가? (너무 철학적?)
- 보존기간 : HDD ~ 십년. CD ~ 백년.

# 생각나는 질문

- 나에게 자유의지가 있는가? (너무 철학적?)
- 보존기간 : HDD ~ 십년. CD ~ 백년. DNA ~ 최소 수십억년??

# 생각나는 질문

- 나에게 자유의지가 있는가? (너무 철학적?)
- 보존기간 : HDD ~ 십년. CD ~ 백년. DNA ~ 최소 수십억년??
- 전세계 인터넷 자료를 막대기 하나에 기록하는 법:

# 생각나는 질문

- 나에게 자유의지가 있는가? (너무 철학적?)
- 보존기간 : HDD ~ 십년. CD ~ 백년. DNA ~ 최소 수십억년??
- 전세계 인터넷 자료를 막대기 하나에 기록하는 법:
  - ▶ 인터넷 자료를 2진수 X로 변환.

# 생각나는 질문

- 나에게 자유의지가 있는가? (너무 철학적?)
- 보존기간 : HDD ~ 십년. CD ~ 백년. DNA ~ 최소 수십억년??
- 전세계 인터넷 자료를 막대기 하나에 기록하는 법:
  - ▶ 인터넷 자료를 2진수 X로 변환.
  - ▶ X를 0이상 1미만의 실수로 변환.

# 생각나는 질문

- 나에게 자유의지가 있는가? (너무 철학적?)
- 보존기간 : HDD ~ 십년. CD ~ 백년. DNA ~ 최소 수십억년??
- 전세계 인터넷 자료를 막대기 하나에 기록하는 법:
  - ▶ 인터넷 자료를 2진수 X로 변환.
  - ▶ X를 0이상 1미만의 실수로 변환.
  - ▶ 막대를 1:X 비율로 나누는 금을 긋는다.

# 생각나는 질문

- 나에게 자유의지가 있는가? (너무 철학적?)
- 보존기간 : HDD ~ 십년. CD ~ 백년. DNA ~ 최소 수십억년??
- 전세계 인터넷 자료를 막대기 하나에 기록하는 법:
  - ▶ 인터넷 자료를 2진수 X로 변환.
  - ▶ X를 0이상 1미만의 실수로 변환.
  - ▶ 막대를 1:X 비율로 나누는 금을 긋는다.
- 왜 물분자는  $H_2O$ 일까?  $H_3O$  같은건 안되나?

# 생각나는 질문

- 나에게 자유의지가 있는가? (너무 철학적?)
- 보존기간 : HDD ~ 십년. CD ~ 백년. DNA ~ 최소 수십억년??
- 전세계 인터넷 자료를 막대기 하나에 기록하는 법:
  - ▶ 인터넷 자료를 2진수 X로 변환.
  - ▶ X를 0이상 1미만의 실수로 변환.
  - ▶ 막대를 1:X 비율로 나누는 금을 긋는다.
- 왜 물분자는  $H_2O$ 일까?  $H_3O$  같은건 안되나?
- 물분자는 왜 다 똑같은까. 불량품은 없나?



# 양자물리

현대물리의 핵심중 하나.

## 양자역학

- 모든 물질은 파동함수 형태로 기술된다.
- 물질은 파동처럼 가능한 모든 경로로 **동시에** 진행한다.
- 실제 경로의 **확률분포**는 가능한 모든 경로의 합으로부터 주어진다.

# 양자물리

현대물리의 핵심중 하나.

## 양자역학

- 모든 물질은 파동함수 형태로 기술된다.
- 물질은 파동처럼 가능한 모든 경로로 동시에 진행한다.
- 실제 경로의 확률분포는 가능한 모든 경로의 합으로부터 주어진다.

그래도 법칙만 약간(?) 바뀌었을 뿐. 라그랑지안만 알면 끝!

# 양자물리

현대물리의 핵심중 하나.

## 양자역학

- 모든 물질은 파동함수 형태로 기술된다.
- 물질은 파동처럼 가능한 모든 경로로 동시에 진행한다.
- 실제 경로의 확률분포는 가능한 모든 경로의 합으로부터 주어진다.

그래도 법칙만 약간(?) 바뀌었을 뿐. 라그랑지안만 알면 끝!

## 입자물리

자연을 기술하는 올바른 라그랑지안 찾기.

# 미처 하지 못할 이야기

다루지 못한 현대물리 이야기:

- 비선형 동역학과 나비효과
- 특수상대성이론
- 중력
- ...

# 양자역학적 효과

확률적인 자연

- 속박된 물질이 가질 수 있는 상태의 수는 셀 수는 있을 만큼만 있다.  
즉 가능한 상태들이 불연속적이다!

# 양자역학적 효과

## 확률적인 자연

- 속박된 물질이 가질 수 있는 상태의 수는 셀 수는 있을 만큼만 있다.  
즉 가능한 상태들이 불연속적이다!
- 확률적으로만 무엇인가를 측정하거나 예측할 수 있다.

# 양자역학적 효과

## 확률적인 자연

- 속박된 물질이 가질 수 있는 상태의 수는 셀 수는 있을 만큼만 있다.  
즉 가능한 상태들이 불연속적이다!
- 확률적으로만 무엇인가를 측정하거나 예측할 수 있다.
- 불확정성 정리: 이를테면, 속도와 위치를 동시에 정확히 측정하는것은 불가능하다.

# 양자역학적 효과

## 확률적인 자연

- 속박된 물질이 가질 수 있는 상태의 수는 셀 수는 있을 만큼만 있다.  
즉 가능한 상태들이 불연속적이다!
- 확률적으로만 무엇인가를 측정하거나 예측할 수 있다.
- 불확정성 정리: 이를테면, 속도와 위치를 동시에 정확히 측정하는것은 불가능하다.
- 벨 부등식 : 양자역학의 비결정성은 우리의 무지에서 오는것이 아니다.



Richard Feynman :

"양자역학을 이해하고 있다고 생각한다면, 이해하지 못하고 있는것이다."

## 자연적인 확률

- 정보를 기록, 보존 하는데는 일정 이상의 자원이 필요하다.
- 생물체는 유한한 자원만을 가지고 있다.  
즉 우리는 근사적으로만 세상을 인지할 수 있다.
- 불완전한 정보를 가지고 최선의 결정을 내려야 한다.

# 자연적인 확률

- 정보를 기록, 보존 하는데는 일정 이상의 자원이 필요하다.
- 생물체는 유한한 자원만을 가지고 있다.  
즉 우리는 근사적으로만 세상을 인지할 수 있다.
- 불완전한 정보를 가지고 최선의 결정을 내려야 한다.

## 베이지안 확률

불확실성이 존재하는 상황에서 적용 가능하도록 확장된 논리.

## 확률 추론

확률함수가 주어졌을때 제한 조건 아래서 특정 확률을 구하기.

# 확률추론의 필요성

- 무식하면 몸이 고생.
- 몸이 편하자니 머리가 지끈.
- 왕도는 없다.

## 확률추론의 필요성

- 무식하면 몸이 고생.
- 몸이 편하자니 머리가 지끈.
- 왕도는 없다.
- 정보를 얻고, 가공하는데는 비용이 든다.
- 정보를 효율적으로 활용하지 못하는것은 낭비: 도태의 징후.
- 필요한 만큼만 정보를 얻어서, 최대한 활용 : 진화

## 확률추론의 필요성

- 무식하면 몸이 고생.
- 몸이 편하자니 머리가 지끈.
- 왕도는 없다.
- 정보를 얻고, 가공하는데는 비용이 든다.
- 정보를 효율적으로 활용하지 못하는것은 낭비: 도태의 징후.
- 필요한 만큼만 정보를 얻어서, 최대한 활용 : 진화

그런데 실제로 사람이 뭐 하나 결정할때마다  
확률 모형을 세워가며 확률 추론을 하고 있을까?

# 시행착오로부터 배우기

시행착오를 겪어가며 하는 많은 일들:

- 걷기
- 축구
- 운전
- 로보틱스
- 네트워크 라우터
- 공급망, 재고 관리
- ...

# 시행착오와 확률추론

## 강화학습 (~ 최적 제어)

- 1 행동에 그에 따른 결과에 점수를 부여.
- 2 더 좋은 점수를 받도록 행동을 적응시킴.  
즉, 비용을 최소화 하도록 시스템을 제어.



# 시행착오와 확률추론

## 강화학습 (~ 최적 제어)

- ① 행동에 그에 따른 결과에 점수를 부여.
  - ② 더 좋은 점수를 받도록 행동을 적응시킴.  
즉, 비용을 최소화 하도록 시스템을 제어.
- 비용이나 행동에 따른 결과에 불확실성이 없을경우 : 동적 계획법

# 시행착오와 확률추론

## 강화학습 (~ 최적 제어)

- 1 행동에 그에 따른 결과에 점수를 부여.
  - 2 더 좋은 점수를 받도록 행동을 적응시킴.  
즉, 비용을 최소화 하도록 시스템을 제어.
- 비용이나 행동에 따른 결과에 불확실성이 없을경우 : 동적 계획법
  - 불확실성이 있는경우 : 많은 경우 확률추론 문제로 변환 가능.
  - 어디서 들어본 이야기? : 물리학에서 경로 찾던 문제와도 비슷!  
특수한 경우, 강화학습 문제는 경로적분 문제로도 변환 가능.
  - 확률추론, 경로적분에서 연구되어온 이론을 강화 학습에 적용 가능.

- 자연법칙 부터가 확률적이다.
- 우리의 한계(불완전한 정보)로 인해 더더욱 확률적인것으로 보인다.
- 시행착오를 겪어가며 해오던 일이 있다면 강화 학습으로!
- 현 상황에서 다음 행동을 정하기 : 확률 추론.
- 문제는 문제를 제대로 적어야 한다는것 : 비용함수를 찾는것이 과제!
- 현대물리의 라그랑지안처럼 자연스러운 방식으로  
강화학습의 비용함수를 얻을 수 있을까?
- 강화학습 문제는 경로적분, 확률 추론 문제로 변환가능한 경우가 있다.